

## Feladat Aprogressive

Bemenet      `aprogressive.in`  
 Kimenet      `aprogressive.out`

Adott egy  $n$  soros (1-től  $n$ -ig sorszámozva) és  $m$  oszlopos (1-től la  $m$ -ig sorszámozva)  $T$  mátrix, melynek elemei egész számok.

A  $T$  mátrix egy részmatrixát a következők határozzák meg: az  $(x_1, y_1)$ , a bal felső sarok sorszáma és oszlopszáma, az  $(x_2, y_2)$  a jobb alsó sarok sorszáma és oszlopszáma, ahol  $1 \leq x_1 \leq x_2 \leq n$  és  $1 \leq y_1 \leq y_2 \leq m$ , valamint a mátrix összes  $(x, y)$  eleme, amelyekre érvényes az  $x_1 \leq x \leq x_2$  és  $y_1 \leq y \leq y_2$ . Sajátos eset: egy részmatrix akkor azonos a  $T$  mátrixal, ha a bal felső sarka az  $(1, 1)$  és a jobb alsó sarka az  $(n, m)$ .

Egy adott részmatrix minden sorának az elemeinek összeadásával számítjuk ki a soronkénti összegeket. A részmatrix soronkénti elemeinek összegéből alkotunk, egy  $S$  sorozatot, amelynek elemei a fent említett összegek. Egy adott részmatrix *aprogressive*, ha  $x_1 < x_2$  és  $y_1 < y_2$  és a sorösszegek  $S$  sorozata átrendezhető úgy, hogy minden tagjával együtt egy számtani haladványt képezzenek, melynek rációja (az állandó különbség) egy **nem nulla**  $r$  szám.

Jelöljük  $\mathbb{C}(R)$ -el annak az  $R$  részmatrixnak a tömörített formáját, amelynek a bal felső sarka az  $(x_1, y_1)$  és a jobb alsó sarka az  $(x_2, y_2)$ , és a következőképpen van meghatározva:

- ha  $x_1 = x_2$  (egy soros részmatrix) vagy ha  $y_1 = y_2$  (egy oszlopos részmatrix) a tömörített formája  $\mathbb{C}(R) = (x_1, y_1, x_2, y_2, 0)$ . Különben,
- ha  $R$  egy *aprogressive*, akkor a tömörített formája  $\mathbb{C}(R) = (x_1, y_1, x_2, y_2, r)$ . Különben,
- az  $R$ -et felosztjuk 4 részmatrixra:  $A, B, C, D$ , melyek elemei diszjunkt halmazokat alkotnak, a szomszédos ábra szerint, és ahol az  $A$  részmatrix bal felső sarka az  $(x_1, y_1)$ , és a jobb alsó sarka az  $(\lfloor \frac{x_1+x_2}{2} \rfloor, \lfloor \frac{y_1+y_2}{2} \rfloor)$ , és ahol az  $[x]$  az  $x$  szám egész részét jelöli. Az  $R$  részmatrix tömörített formája rekurzívan van definiálva:  $\mathbb{C}(R) = (\mathbb{C}(A), \mathbb{C}(B), \mathbb{C}(C), \mathbb{C}(D))$ .

$(x_1, y_1)$		
<b>A</b>	<b>B</b>	
<b>C</b>	<b>D</b>	$(x_2, y_2)$

Például, a mellékelt ábrán lévő  $T$  mátrixot, amelyben az  $n = 5, m = 5, x_1 = 1, y_1 = 1, x_2 = 5, y_2 = 5$  az alábbiakat követve tömörítjük.

Mivel se nem sormatrix, se nem oszlopmatrix, meghatározzuk a  $T$  mátrix soronkénti összegeinek  $S$  sorozatát: 9, 19, 14, 8, 10. Mivel nem egy *aprogressive* mátrix, fel lesz osztva az alábbi részmatrixokra:

2	1	1	3	2
3	2	5	4	5
1	4	2	1	6
2	2	1	2	1
1	3	1	2	3

- $A$  – amelynek bal felső sarka és jobb alsó sarka:  $(1, 1)(3, 3)$ ;
- $B$  – amelynek bal felső sarka és jobb alsó sarka:  $(1, 4)(3, 5)$ ;
- $C$  – amelynek bal felső sarka és jobb alsó sarka:  $(4, 1)(5, 3)$ ;
- $D$  – amelynek bal felső sarka és jobb alsó sarka:  $(4, 4)(5, 5)$ ;

Az  $A$  részmatrix soronkénti összegeinek az  $S$  sorozata: 4, 10, 7, amelynek ha átrendezzük az elemeit, akkor egy számtani haladványt kapunk, az  $r = 3$  rációval. Az  $A$  részmatrix tömörített formája az:  $\mathbb{C}(A) = (1, 1, 3, 3, 3)$ .

A  $B$  részmatrix soronkénti összegeinek az  $S$  sorozata: 5, 9, 7, amelynek ha átrendezzük az elemeit, akkor egy számtani haladványt kapunk, az  $r = 2$  rációval. A  $B$  részmatrix tömörített formája az:  $\mathbb{C}(B) = (1, 4, 3, 5, 2)$ .

A  $C$  részmatrix soronkénti összegeinek az  $S$  sorozata: 5, 5, amelynek ha átrendezzük az elemeit, akkor egy számtani haladványt kapunk, az  $r = 0$  rációval. Ennél a részmatrixnál a felosztás megismétlődik. A  $C$  részmatrix tömörített formája az:  $\mathbb{C}(C) = ((4, 1, 4, 2, 0)(4, 3, 4, 3, 0)(5, 1, 5, 2, 0)(5, 3, 5, 3, 0))$ .

A  $D$  részmatrix soronkénti összegeinek az  $S$  sorozata: 3, 5, amelynek ha átrendezzük az elemeit, akkor egy számtani haladványt kapunk, az  $r = 2$  rációval. A  $D$  részmatrix tömörített formája az:  $\mathbb{C}(D) = (4, 4, 5, 5, 2)$ .

Az így kapott  $T$  részmatrix tömörített formája az:

$$\mathbb{C}(T) = ((1, 1, 3, 3, 3)(1, 4, 3, 5, 2)((4, 1, 4, 2, 0)(4, 3, 4, 3, 0)(5, 1, 5, 2, 0)(5, 3, 5, 3, 0))(4, 4, 5, 5, 2)).$$

### Követelmények

Ismerve a  $T$  mátrix méreteit és az elmeit, határozzuk meg:

1. A  $T$  mátrix azon sorainak az indexét (sorszámát), amelyeknek a sorösszege a legnagyobb.
2. A  $T$  mátrix azon sorainak az indexét, amelyeknek az elmeit ha átrendezzük, akkor egy olyan számtani haladványt kapunk, amelynek a rációja egy nem nulla érték lesz.
3. A  $T$  mátrix tömörített formáját.

## Bemeneti adatok

Az `aprogressive.in` bemeneti állomány első sora egy  $c$  természetes számot tartalmaz, a megoldandó követelmény számát. A második soron, két természetes szám található, az  $n$  és az  $m$  a követelménynek megfelelően. A következő  $n$  sor mindegyikében  $m$  darab egész szám található, a  $T$  mátrix elemei. Az azonos sorba írt értékek szóközzel vannak elválasztva.

## Kimeneti adatok

Az `aprogressive.out` állományban vagy az 1-es követelmény megoldása (ha  $c = 1$ ) lesz, vagy a 2-es követelmény megoldása (ha  $c = 2$ ) lesz, vagy a 3-as követelmény megoldása (ha  $c = 3$ ) lesz.

Az 1-es követelmény esetében a megoldás indexei soronként, **szigorúan növekvő sorrendben**, lesznek kiírva.

A 2-es követelmény esetében a megoldás indexei soronként, **szigorúan növekvő sorrendben**, lesznek kiírva, és abban az esetben, amikor nincsenek a követelménynek megfelelő sorok, a 0 lesz kiírva.

A 3-as követelmény esetében a megoldás a  $T$  mátrix tömörített formája lesz. Az eredményt az állomány egyetlen sorában, szóközők nélkül, vesszővel elválasztva, megfelelő kerek zárójelekkel kell írni.

## Korlátok

- $c \in \{1, 2, 3\}$
- $1 \leq n, m \leq 1024$
- A  $T$  mátrix elemei a  $[-10^9, 10^9]$  intervallumbeliek.

#	Pontszám	Korlátok
1	20	$c = 1$
2	25	$c = 2$
3	25	$c = 3$ și $n, m \leq 512$
4	30	$c = 3$ egyéb korlátozások nélkül

## Példák

<code>aprogressive.in</code>	<code>aprogressive.out</code>	Magyarázat
1 3 4 6 3 7 4 3 1 4 2 2 6 4 8	1 3	$c = 1, n = 3, m = 4$ . Az 1-es követelmény megoldása. Az 1-es soron az összeg egyenlő 20-al. A 2-es soron az összeg egyenlő 10-el. A 3-as soron az összeg egyenlő 20-al. Az 1-es és 3-as sorok indexei lesznek kiírva, ebben a sorrendben, mert ezeken a sorokon az összeg maximális.
2 3 4 6 3 7 4 3 1 4 2 2 6 4 8	2 3	$c = 2, n = 3, m = 4$ . A 2-es követelmény megoldása. A 2-es sor elemeit lehet úgy átrendezni, hogy számtani haladványt alkossanak, $r = 1$ -es rációval: 1, 2, 3, 4. A 3-as sor elemeit lehet úgy átrendezni, hogy számtani haladványt alkossanak, $r = 2$ -es rációval: 2, 4, 6, 8. A 2-es és a 3-as sorok indexei lesznek kiírva, ebben a sorrendben.

## Příklad

aprogressive.in	aprogressive.out	Magyarázat
3	((1,1,3,3,3))	$c = 3, n = 5, m = 5$ . A 3-as követelmény megoldása.
5 5	(1,4,3,5,2)	A megoldás egyetlen sorban jelenik meg a kimeneti állományban.
2 1 1 3 2	((4,1,4,2,0))	A megoldás lépéseit a felhívó szöveg ismerteti.
3 2 5 4 5	(4,3,4,3,0)	
1 4 2 1 6	(5,1,5,2,0)	
2 2 1 2 1	(5,3,5,3,0)	
1 3 1 2 3	(4,4,5,5,2))	