

Problema Bt

Fișier de intrare **bt.in**
Fișier de ieșire **bt.out**

John și-a investit toate economiile în criptomonede. Acum încearcă să mai recupereze din bani, trecând pe dieta campionilor (brânză topită).

El are o cutie circulară cu N bucăți de brânză (de mai multe tipuri), iar în fiecare zi ia câte una din cutie. Acesta are grijă ca **înainte** și după ce ia o bucată din cutie, oricare două bucăți adiacente rămase să fie de alt tip.

John s-a apucat să numere în câte moduri poate să termine cutia.

Formal, se dă un vector circular v_1, v_2, \dots, v_N . Vrem să scoatem din el câte un element până rămâne gol vectorul. În urma fiecărei scoateri, **inclusiv înaintea primei scoateri**, nu trebuie să existe 2 poziții consecutive în vector cu aceeași valoare în ele.

În exemplul din dreapta, bucățile de brânză de pe pozițiile A și B au fost deja luate. Singurele bucăți pe care le-am putea scoate acum ar fi E sau G . Dacă am scoate bucată C , atunci bucățile D și H , ambele de tipul 2, ar deveni vecine. Dacă l-am scoate pe D , C și E ar deveni vecine, deși sunt ambele de tipul 1, etc.

Cerință

Să se numere în câte moduri putem goli vectorul respectând regulile din enunț (modulo 1 000 000 007).

Un mod de a goli vectorul este definit de ordinea indicilor care părăsesc vectorul. De exemplu, pentru $N = 4$, sunt $4! = 24$ de moduri diferite de a goli vectorul (dintre care nu toate respectă regulile din enunț).

Date intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare se găsește un singur număr natural N reprezentând lungimea vectorului.

Pe a doua linie se găsesc N numere naturale, v_1, v_2, \dots, v_N , reprezentând valorile din vector.

Date ieșire

În fișierul de ieșire se va afișa un singur număr, reprezentând numărul de moduri de a goli vectorul.

Problema are 2 moduri de punctare: vectorul este circular (pentru 100% din punctajul de pe un test), sau vectorul nu este circular - v_1 și v_N nu sunt considerați vecini (pentru 80% din punctaj).

Inițial, numărul afișat este comparat cu răspunsul corespunzător vectorului circular pentru 100% din punctajul testului.

Dacă răspunsurile diferă, numărul este apoi comparat cu răspunsul corespunzător vectorului normal (v_1 și v_N nu sunt considerați vecini) pentru 80% din punctajul testului.

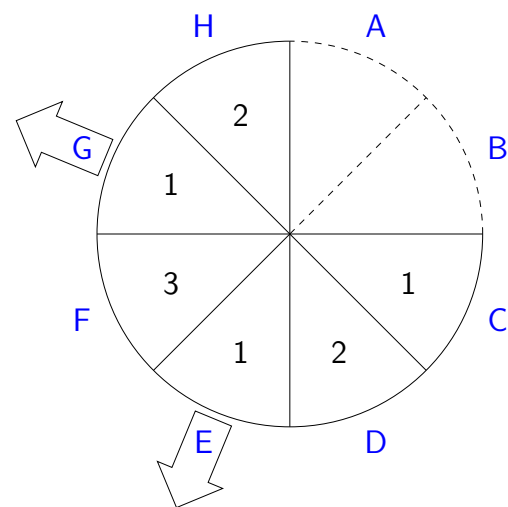
Restricții

- $1 \leq N \leq 500$.
- $1 \leq v_i \leq N$.

#	Punctaj	Restricții
1	10	$1 \leq N \leq 10$
2	10	$1 \leq N \leq 20$
3	30	$1 \leq N \leq 50$
4	50	Restricții inițiale.

Exemple

bt.in	bt.out	Explicații
-------	--------	------------



4 1 2 1 2	0	<p>În primul exemplu, orice am scoate am avea ulterior doi de 1 vecini, sau doi de 2 vecini, deci nu putem goli vectorul. Dacă am avea un delimitator între ultimul element și primul, răspunsul ar fi 8. Secvențele de indici corecte în acest caz ar fi:</p> <ul style="list-style-type: none">• 1, 2, 3, 4• 1, 2, 4, 3• 1, 4, 2, 3 (vectorul ar arăta: $(1, 2, 1, 2) \rightarrow (2, 1, 2) \rightarrow (2, 1) \rightarrow (1) \rightarrow \text{gol}$)• 1, 4, 3, 2• 4, 1, 2, 3• 4, 1, 3, 2• 4, 3, 1, 2• 4, 3, 2, 1
8 1 2 1 3 1 2 1 3	1728	În al doilea exemplu, răspunsul corect dacă ar exista un delimitator este 6912.
4 1 2 3 4	24	În al treilea exemplu, deoarece orice element din vector este distinct, acestea pot fi scoase în orice ordine. Răspunsul pentru celălalt caz este tot $4! = 24$.
6 1 2 3 1 3 2	96	În al patrulea exemplu, răspunsul corect dacă ar exista un delimitator este 312.
1 1	1	În al cincilea exemplu, avem un singur element în vector, deci există o singură cale de a-l scoate. Răspunsul pentru celălalt caz este tot 1.

Problema Cactus

Fișier de intrare `cactus.in`
Fișier de ieșire `cactus.out`

Matei Nakayama Mihai a primit un cactus.

Un cactus este un graf conex neorientat în care fiecare nod face parte din **cel mult un ciclu**. Se consideră un cactus cu N noduri și M muchii cu diverse lungimi. Acesta nu conține bucle (adică muchii între un nod și el însuși) sau muchii paralele (adică două sau mai multe muchii între o singură pereche de noduri).

Mihai vrea să elimine muchii din graful cactus, astfel încât să obțină un arbore cât mai ușor. Distanța dintre două noduri din arbore este egală cu suma lungimilor muchiilor de pe cel mai scurt drum dintre cele două noduri. Greutatea unui arbore este definită ca suma distanțelor dintre oricare două perechi neordonate de noduri distincte - perechea $(1, 2)$ este echivalentă cu perechea $(2, 1)$.

Ajutați-l pe Mihai să găsească **greutatea minimă** a unui arbore obținut prin eliminarea unor muchii din cactus.

Date intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare se află două numere N , reprezentând numărul de noduri din graf, și M , reprezentând numărul de muchii din graf.

Pe fiecare dintre următoarele M linii se află trei numere x, y și z , reprezentând o muchie cu lungimea z între nodurile x și y .

Date ieșire

În fișierul de ieșire se va afișa un singur număr, reprezentând greutatea minimă a unui arbore ce se poate obține din cactusul inițial prin eliminarea unor muchii.

Restricții

- $1 \leq N \leq 100\,000$.
- $N - 1 \leq M \leq 200\,000$.
- $0 \leq z \leq 1\,000\,000\,000$
- Se garantează că răspunsul este cel mult 10^{18} .

#	Punctaj	Restricții
1	4	Graful este un lanț (nu conține niciun ciclu și fiecare nod are grad cel mult 2).
2	6	Graful este un arbore (nu conține niciun ciclu).
3	12	$1 \leq N \leq 15$
4	25	$1 \leq N \leq 1\,000$
5	38	Graful este un ciclu (fiecare nod are grad 2).
6	15	Restricții inițiale.

Exemple

<code>cactus.in</code>	<code>cactus.out</code>	Explicații
6 6 1 2 8 1 3 2 3 2 1 1 4 3 4 5 2 2 6 4	80	Se elimină muchia $(1, 2)$.



12 14 1 2 7 2 3 3 1 3 7 3 4 2 4 5 5 5 6 10 6 4 3 4 7 4 7 8 2 8 9 5 9 10 8 10 11 1 11 7 9 10 12 3	787	Se elimină muchiile (1 2), (5 6), (9 10).
--	-----	---

Problema Sirbun

Fișier de intrare `sirbun.in`
Fișier de ieșire `sirbun.out`

Un străbun get, Ziraxes, le-a dat dacilor liberi să rezolve o problemă de programare, aceasta fiind o activitate mai plăcută decât să care bolovani, pietricele și nisip. Legenda spune că asupra elementelor unui șir A de numere naturale nenule se poate efectua următoarea operație:

Se alege un element A_i din șir și un număr natural x și se scade x din A_i , deci A_i devine $A_i - x$.

Șirul A se numește *bun* dacă aplicând operația de oricâte ori, elementele șirului A devin numere naturale **nenule** distincte. De exemplu, șirul 2, 3, 3, 5 este bun deoarece scăzând 2 din al doilea element el devine 2, 1, 3, 5 și are elementele distincte, iar șirul 2, 2, 7, 2, 4 nu este bun.

Cerință

Fiind dat un șir A format cu N elemente numere naturale nenule, determinați numărul subsecvențelor din șir care sunt șiruri bune. O subsecvență a șirului este formată din elemente din șir aflate pe poziții consecutive.

Date intrare

Pe prima linie a fișierului de intrare se află numărul N , iar pe a doua linie elementele șirului A .

Date ieșire

În fișierul de ieșire se va afișa numărul subsecvențelor din șirul A care sunt șiruri bune.

Restricții

- $1 \leq N \leq 100\,000$.
- $1 \leq A_i \leq N$.

#	Punctaj	Restricții
1	19	$1 \leq N \leq 300$
2	20	$1 \leq N \leq 1500$
3	22	$1 \leq N \leq 7\,000$
4	17	$1 \leq N \leq 50\,000$
5	22	Restricții inițiale

Exemple

	<code>sirbun.in</code>	<code>sirbun.out</code>
5	4 2 2 3 2	13

Explicație

Subsecvențele bune sunt:

1. {4}
2. {2}
3. {2}
4. {3}
5. {2}
6. {4,2}
7. {4,2,2}
8. {4,2,2,3}
9. {2,2}
10. {2,2,3}
11. {2,3}
12. {2,3,2}
13. {3,2}